

دولة ليبيا

وزارة التعليم العالي والبحث العلمي

الهيئة الوطنية للتعليم التقني والفني

ادارة الكليات التقنية- كلية تقنية الحاسوب | طرابلس

اسئلة الامتحان النصفى لمادة : رياضة (1) الفصل الخريف 2014

اجب عن الاسئلة الاتية :

الزمن : ساعتان

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 4 & 2y \\ 2 & 1 & -4 \\ -3 & z & -2 \end{bmatrix} \quad , \quad B = \begin{bmatrix} 1 & 2 & y \\ 1+x & 1 & 4 \\ 6 & -4z & -2 \end{bmatrix}$$

س(1) اذا كانت

فأ وجدكل من

س (1) التي تجعل حاصل جمع المصفوفتين مصفوفة ممتثلة .

$$B = \begin{bmatrix} x & 1 & -3 \\ x^2 - 1 & 0 & 8 \\ 2x & 2 & -6 \end{bmatrix} \quad \text{س(2) ايتب ان محدد المصفوفة يساوي صفر}$$

$$\text{س(3) اذا كانت } B = \begin{bmatrix} 2 \\ -1 \\ 0 \end{bmatrix} \text{ , } B = [5 \quad -3 \quad 1] \text{ ف اوجد } A \cdot B \text{ , } B \cdot A$$

س(4) باستخدام خواص المحددات ايتب ان محدد المصفوفة A يساوي صفر حيث ان

$$A = \begin{bmatrix} \cos y & \sin x \cos y & 2 \cos y \\ 1 & \sin x & 2 \\ 3 & x & y \end{bmatrix}$$

س(4) اوجد نطاق ومدى الدوال التالية مع الرسم

$$1- y = \sqrt{2x + 4} \quad 2- y = x^2 + 2x - 1$$

انتهت الاسئلة

استاذ المادة : محمد بشير

تمنيتي للجميع بالتوفيق والنجاح .

السؤال الاول :

(1) باستخدام التعريف اوجد المشتقة الاولى للدالة

$$f(x) = 2x + 2$$

(2) اوجد قيمة :

$$\frac{1}{2^{5/2}} \left( \frac{2(\cos 30 - i \sin 30)^2 (1+i)^3}{\cos 15 + i \sin 15} \right)$$

السؤال الثاني:

(1) اوجد المشتقة الاولى لكل من:

$$1) y = x^3 \sqrt{x^2 - x}$$

$$2) \frac{xy^2}{2} + y^3 = x$$

$$3) y = \frac{1}{2t}, x = t - 1$$

$$4) y = \left( 2\sqrt{x-1} - \frac{x}{1+x} \right)^4$$

(2) اوجد قيمة

$$\frac{7\omega}{5} \left( \frac{\omega}{1+3\omega} + \frac{\omega^2}{1+3\omega^2} \right) - \omega$$

السؤال الثالث:

(1) باستخدام قاعدة السلسلة اوجد المشتقة الاولى للدالة التالية:

$$w = \sqrt{(x^2 - x - 2)^5}$$

(2) اوجد قيمة  $y$  ,  $x$  اذا كان :

$$(\sin 90 + i \cos 90) - \frac{2+i}{1-2i} = x + iy$$

$$\sin 90 = 1$$
$$\cos$$

السؤال الرابع

(1) اذا كان  $x^2 = 1 + y^2$  برهن ان  $y'' = -\frac{1}{y^3}$

(2) اوجد  $(1+i)^{1/3}$

$$(20) \quad x^2 + 10x + 29 < 0$$

$$(21) \quad 1 \leq x^2 - 3x + 3 \leq 7$$

$$(22) \quad \frac{1}{2-x} \geq \frac{1}{x-4}$$

$$(23) \quad \left| \frac{6-4x}{1+x} \right| \leq 8$$

$$(24) \quad |2x-2| \geq 4$$

$$(25) \quad |2x+1| \geq 3x+2$$

سے آفہر نظامہ و مساویہ و مساویہ الی

$$(1) \quad f(x) = 3x^3 + 2x^2 + 10$$

$$(2) \quad f(x) = 100$$

$$(3) \quad f(x) = x$$

$$(4) \quad f(x) = |x^2 - 2| + 3$$

$$(5) \quad f(x) = \frac{3x+1}{x^3-27}$$

$$(6) \quad f(x) = \sqrt{x^2 - 3x + 9}$$

$$(7) \quad f(x) = x^2 - 1$$

$$(8) \quad f(x) = \begin{cases} 2x+1 & , x \geq 0 \\ 3x & , x < 0 \end{cases}$$

$$(9) \quad f(x) = |x+2|$$

$$\frac{1}{2-x} \geq \frac{1}{x-4}$$

- أوجد حل المتباينة الآتية -

$$f(x) = \frac{3x+1}{x^2-5x+6}$$

- أوجد نظام الدالة الآتية -

ن. م - ناقش استمرارية الدالة الآتية عند  $x = -1$

$$f(x) = \begin{cases} 1-x & , x < -1 \\ 1 & , x = -1 \\ x^3 & , x > -1 \end{cases}$$

ب - إذا كانت

$$f(x) = \frac{35}{2x+4} \quad \text{فاوجد } f^{-1}(x)$$

ن. م - أوجد قيمة النهاية الآتية -

$$\textcircled{1} \lim_{x \rightarrow 1} f(x) = \frac{3x+3}{|x+1|}$$

$$\textcircled{2} \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{\tan 15x}$$

- أوجد حل المتباينة

$$8x^4 - x \geq 0$$

ن. م - أوجد قيمة B التي تجعل الدالة f مستمرة عند  $x=3$

$$f(x) = \begin{cases} Bx+5 & , x > 5 \\ Bx^2-8 & , x \leq 5 \end{cases} \quad , x=3$$

إذا كانت

$$f(x) = \sqrt{x-15} \quad , \quad g(x) = x^2+2x$$

فاوجد  $\textcircled{1} f \circ g(x)$   $\textcircled{2} g \circ f(x)$   $\textcircled{3} f(x)g(x)$

مع تليثا ربحهم بالثلاثين والبنجاب «شاهي»

اجب عن جميع الأسئلة الاتية  
س-1) بسط التالي:-

1-  $J^{11}$       2-  $J^{33}$       3-  $J^{42}$       4-  $|-3 - 2j|$       5-  $(-2 + J3) - (3 - J)$

6-  $\frac{3-J2}{1-J3}$       7-  $x = \frac{4 \pm \sqrt{4-40}}{2}$       8-  $\frac{1}{j}$

ب) إذا كانت  $Z_2 = 1 - j$        $Z_1 = -2j + 4$       فأوجد في ابسط صورة

1)  $\frac{2}{Z_1} - \frac{1}{Z_2}$

2)  $3(Z_2 - Z_1^2)$

س-2) أوجد قيمة  $x, y$  إذا كان  $y + Jx = \frac{-2(\sin 20 + j \cos 20)^3}{(\cos 40 - j \sin 40)^6}$

ب) أوجد جذور المعادلة  $Z^3 = -8 + 8j$

س-3) مثل بيانيا كل من الاعداد المركبة التالية

$Z_1 = 1 - J\sqrt{3}$

$Z_2 = -2\sqrt{3} + 2j$

ثم باستخدام نظرية دي موفر أوجد  $\left(\frac{Z_2}{Z_1}\right)^2$  وضع الناتج على الصورة الاسية

ب) أثبت ان  $\left[\frac{1}{1+2w} - \frac{1}{1+2w^2}\right]^2 = \frac{-4}{3}$



# الإمتحان النصفى الثانى لمادة رياضه I

## السؤال الأول:

إذا كانت:  $C^{-1} = \begin{bmatrix} -2 & 1 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$ ,  $B = \begin{bmatrix} 2 & 1 & 0 \\ 0 & k & 4 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$ ,  $A = \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$

• أثبت أن  $|2A^{-2} - 2I^3| = 0$

• إذا كانت  $|B| = 6$  فأوجد قيمة  $k$  ثم أوجد  $B - B^T$  وماذا تلاحظ؟

• أوجد  $C$  ثم أوجد  $(C^T)^{-1}$

(14½ درجته)

## السؤال الثانى:

• إذا كانت:  $A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & -1 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & -1 & 0 \\ 0 & 2 & 2 & 0 & 0 \\ -2 & 0 & 0 & 2 & 1 \end{bmatrix}$  باستخدام الخاصية الرابعة أجعل العناصر التى حولها دائرة تساوى

اصفار ثم أوجد محدد المصفوفة.

(10 درجات)

• إذا كانت  $(B^T(BA))^T = \begin{bmatrix} 2 & 0 \\ 2 & 1 \end{bmatrix}$  فأوجد المصفوفة  $A$  بحيث  $B^{-1} = B^T$

## السؤال الثالث:

إذا كانت:  $M = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 7 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$ ,  $N = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & -7 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$ ,  $P = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 & -1 \\ 4 & 0 & 3 & 0 \\ 1 & 1 & 0 & 5 \end{bmatrix}$

• أثبت أن  $N = M^{-1}$

• أوجد  $R_{44}, R_{32}, R_{43}, R_{34}$  حيث  $R$  عناصر المصفوفة الناتجة من ضرب المصفوفة  $M$  والمصفوفة  $P$ .

(8½ درجته)

## السؤال الرابع:

إذا كانت:  $B = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$ ,  $A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & -1 \\ 2 & 1 & 1 \\ -1 & 1 & 3 \end{bmatrix}$

• باستخدام *Row Reduction* أوجد قيمة محدد المصفوفة  $A$  ثم أوجد المصفوفة  $Y$  حيث  $YB = |A|$

• بدون فك مباشر للمحدد، أثبت أنه إذا كانت  $S = 0$  أو  $S = 2$  فإن المحدد  $\begin{vmatrix} 2 & 1 & 1 \\ 0 & -5 & 0 \\ S^2 & 2 & S \end{vmatrix} = 0$

(17 درجته)

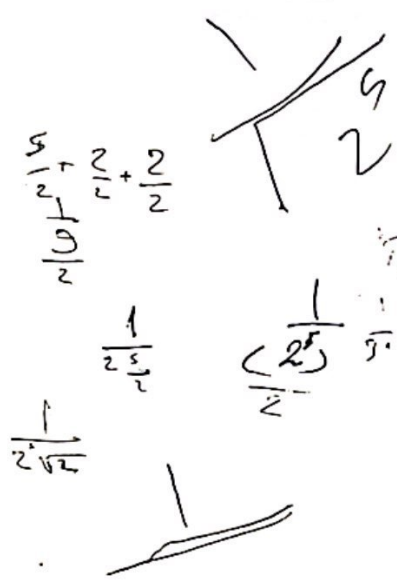
• حل المعادلات التالية:  $2x + y + z = 1$ ,  $x = y$ ,  $-x + z = 1$

2010-05-10 ف

الامتحان النصفى الثاني لمادة رياضة (مجموعة الاولى ت)

السؤال الاول:

(1) باستخدام التعريف اوجد المشتقة الاولى للدالة



$$\frac{5}{2} + \frac{2}{2} + \frac{2}{2}$$

$$\frac{1}{2\sqrt{2}}$$

$$f(x) = 2x + 2$$

(2) اوجد قيمة:

$$\frac{1}{2\sqrt{2}} \cdot \frac{1}{2\sqrt{2}} \left( \frac{2(\cos 30 - i \sin 30)^2 (1+i)^3}{\cos 15 + i \sin 15} \right) =$$

السؤال الثاني:

(1) اوجد المشتقة الاولى لكل من:

1)  $y = x^3 \sqrt{x^2 - x}$

2)  $\frac{xy^2}{2} + y^3 = x$

3)  $y = \frac{1}{2t}, x = t - 1$

4)  $y = \left( 2\sqrt{x-1} - \frac{x}{1+x} \right)^4$

(2) اوجد قيمة

$$\frac{dy}{dt} = -\frac{2}{(2t)^2} = \frac{7\omega}{(2t)^5} \left( \frac{\omega}{1+3\omega} + \frac{\omega^2}{1+3\omega^2} \right) - \omega = 0$$

$$\frac{dx}{dt} = 1$$

السؤال الثالث:

(1) باستخدام قاعدة السلسلة اوجد المشتقة الاولى للدالة التالية:

$$w = \sqrt{(x^2 - x - 2)^5}$$

$$\frac{dw}{dx} = \frac{1}{2\sqrt{x^2 - x - 2}} \cdot 5(x^2 - x - 2)^4 \cdot 2x - 1$$

(2) اوجد قيمة  $x, y$  اذا كان:

$$(\sin 90 + i \cos 90) - \frac{2+i}{1-2i} = x + iy$$

السؤال الرابع:

$$\frac{dy}{dt} = \frac{-2}{(2+t)^2}$$

$$= \frac{-2}{(2(1))^2}$$

(1) اذا كان  $x^2 = 1 + y^2$  برهن ان  $y'' = -\frac{1}{y^3}$

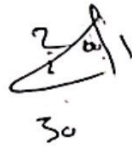
(2) اوجد  $(1+i)^3$

$$\frac{dy}{dx} \cdot \frac{dx}{dt} = 1 = \frac{dx}{dt}$$

2010-05-12

الامتحان النصفى الثاني لمادة رياضة (مجموعة الثامنة)

السؤال الاول:



(1) باستخدام التعريف اوجد المشتقة الاولى للدالة

$$f(x) = \frac{2}{x}$$

(2) اوجد قيمة:

$$\frac{780}{360} = \frac{15}{780}$$

$$\frac{420}{360} = \frac{7}{6}$$

$$\frac{(\cos 30 - i \sin 30)^2 (1+i)^3}{2^2 (\cos 15 + i \sin 15)}$$

$$\frac{222}{4}$$

$$330$$

$$\frac{2}{660}$$

$$\frac{135}{135}$$

السؤال الثاني:

(1) اوجد المشتقة الاولى لكل من:

1)  $y = x^3 \sqrt{x^2 - x}$

$$\frac{1}{2} - \frac{2}{2}$$

2)  $\frac{xy^2}{2} + y^3 = x$

3)  $y = \frac{1}{2t}, x = t^2 - 1$

4)  $y = \left(2\sqrt{x-1} - \frac{x}{1+x}\right)^4$

(2) اوجد قيمة

$$\frac{180}{90} = \frac{2}{220}$$

$$\frac{7\omega}{5} \left( \frac{\omega}{1+3\omega} + \frac{\omega^2}{1+3\omega^2} \right) - \omega$$

$$\frac{5}{2} - \frac{2}{2}$$

السؤال الثالث:

(1) باستخدام قاعدة السلسلة اوجد المشتقة الاولى للدالة التالية:

$$w = \sqrt{(x^2 - x - 2)^5} + 1$$

(2) اوجد قيمة  $x, y$  اذا كان:

$$\frac{270}{90} = \frac{2}{260}$$

$$\frac{2+i}{1-2i} + 2(\sin 90 + i \cos 90) = x + iy$$

$$\frac{2+i}{1+2i}$$

السؤال الرابع:

(1) اذا كان  $x^2 = 1 + y^2$  برهن ان  $\frac{d^3y}{dx^3} = \frac{3x}{y^5}$

$$-1 = y^2 - x$$

(2) اوجد  $x^2 + 1 = 0$

$$-x^2 + y^2 = -1$$

$$x^2 = \sqrt{-1}$$

$$\pm \sqrt{-1} = i$$



$$(10) f(x) = \begin{cases} x-1, & -1 \leq x \leq 1 \\ 2x, & x > 1 \end{cases}$$

$$(11) f(x) = \frac{x+1}{x-1}$$

$$(12) f(x) = \frac{x^2 - x - 12}{x+3}$$

$$(13) f(x) = \frac{x^2 - 13x + 36}{x-4}$$

$$(14) f(x) = \begin{cases} \frac{x^2 - 4}{x-2}, & x \neq 2 \\ 5, & x = 2 \end{cases}$$

$$(15) f(x) = \frac{x-3}{x^2-9}$$

$$(16) f(x) = \sqrt[3]{3x^2+8}$$

$$(17) f(x) = \sqrt{x^2+16}$$



القسم..... العام..... أسئلة الامتحان النهائي لمادة :..... الرياضيات 1  
لطلبة الفصل:..... الأول..... رمز المادة..... التاريخ 2017/1/14.  
الفصل الدراسي : خريف..... 2016 / 2017..... اسم الأستاذ/المنسق : صلاح الدين العالم..... الزمن.. ساعتان  
اسم الطالب : نور جيلوي الجريبي رقم القيد : 162004 المجموعة : الاولى

اجب عن جميع الاسئلة

السؤال الاول :-

(1) اوجد مجموعة الحل التي تحقق المتباينات التالية :-  $\frac{2x-4}{x+1} \geq 0$  c)  $|3x-7| \geq 10$  b)  $x^2 \leq 4x+12$  a)

(2) اوجد النهايات التالية:-

a)  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\tan 5x}{x \cos x}$  b)  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{16-x}-4}{x}$  c)  $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^3}{x-1} - \frac{1}{x-1}$

(3) اوجد الدالة العكسية للدالة  $f(x) = \frac{x-1}{x+1}$

(4) بدون إيجاد المعكوس : بين ما إذا كانت الدالتين كل معكوس الاخرى حيث  $g(x) = 2x - 1$  ،  $f(x) = \frac{x+1}{2}$

السؤال الثاني:-

(1) حل المعادلة المصفوفية التالية :-  $3\left(A + \begin{bmatrix} 4 & 0 \\ 2 & -3 \end{bmatrix}\right) = 2\begin{pmatrix} 5 & -1 \\ -3 & 4 \end{pmatrix}$

(2) إذا كانت  $A = \begin{bmatrix} -2 & 3 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}$  ،  $B = \begin{bmatrix} 5 & 1 \\ -1 & 2 \end{bmatrix}$  اوجد المصفوفة Q بحيث  $AQ + BQ = I$

(3) اوجد العدد C الذي يجعل الدالة مستمرة  $f(x) = \begin{cases} 3x+4 & ; x < 2 \\ 3C-5 & ; x = 2 \\ x^3+2 & ; x \geq 2 \end{cases}$

(4) بطريقة كريبرا اوجد حل المنظومة الخطية التالية:-

$x + z = 1$  ،  $y - z = 3$  ،  $2x + y = -1$

السؤال الثالث :

(1) اوجد حتى الجذر الرابع للعدد المركب  $(-8 + 8i\sqrt{3})$

(2) إذا كانت  $2x + iy\sqrt{3} = \frac{[\cos(80) + i\sin(80)]^3 \cdot [\cos(30) + i\sin(30)]^4}{[\cos(60) + i\sin(60)]^5}$  اوجد قيمة كل من  $x, y$

(3) إذا كان العددين المركبان  $z_1 = (\sqrt{3} + i)$  ،  $z_2 = (-4 - 4i\sqrt{3})$  عبر عن هذان العددين بالصورة القطبية ثم اوجد  $\left(\frac{z_1}{z_2}\right)^2$

(4) بين ما إذا كان العددين  $Z_1 = \frac{2i^8 - 4i^{11}}{1+i^5}$  و  $Z_2 = \frac{7i^{12} + i}{2+i^{14}}$  مترافقان أم لا.

( يمنع استعمال الآلة الحاسبة )

1

القسم..... العام..... أسئلة الامتحان النهائي لمادة : الرياضيات 1.....  
لطلبة الفصل: الربيع..... رمز المادة..... التاريخ 2016/5/30.....

الفصل الدراسي : خريف/..... 2015 / 2016..... اسم الأستاذ/المنسق : صلاح الدين العالم..... الزمن .. ساعتان.....  
اسم الطالب : محمد العمار رقم القيد 1939 15 المجموعة : 10  
( أجب عن جميع الاسئلة )

السؤال الاول:-

(1) اوجد مجموعة الحل التي تحقق للمتباينات التالية :-  $\frac{2x-4}{x+1} > 0$  (3 درجات لكل فقرة)

b)  $x^3 - 4x \leq 0$       c)  $|5 - \frac{2}{x}| < 1$

+6  
3  
-2

(2) إذا كانت  $f(x) = x^2 - 4$  و  $g(x) = \sqrt{x}$  اوجد  $f \circ g$  ثم اوجد النطاق والدالة العكسية للدالة  $f/g$  (1.5 و 1.5 و 3 درجات)

38

(3) أوجد النهايات التالية:  
a)  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x}{\sqrt{x+7} - \sqrt{7}}$       b)  $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{\sin(x-3)}{x^2+x-2}$  (3 درجات لكل فقرة)

6 | 25  
401 | 24  
010

السؤال الثاني:-

(1) اوجد قيمة  $x, y, z$  التي تجعل المصفوفة A ملتوية التماثل  
 $A = \begin{pmatrix} 0 & -4 & \frac{6}{y-5} \\ x^2 - 4x & 0 & 2z \\ -3 & 2z & 0 \end{pmatrix}$  (5 درجات)

6 | 7  
18 | 6  
21 | 740  
18 | 636

(2) ناقش استمرارية الدالة الآتية عند  $x=1$   
 $f(x) = \begin{cases} x-1 & ; x < 1 \\ 3 & ; x = 1 \\ 2x-2 & ; x > 1 \end{cases}$

$y = 4.1$

(3) اوجد حل المنظومة الخطية التالية:-

$7x + 5y = 1$  ,  $2y + 3z = 2$  ,  $-4x + 3z = -1$

(8 درجات)

1 | 0.27 60 42  
1 | 0.27 60 42  
42

(لكل فقرة 7 درجات)

18 | 3  
25 | 44  
8i

السؤال الثالث:-

(1) اوجد الجذور الثلاثة للعدد  $8i$

(2) اوجد قيمة  $(-1 + 3i)^8$

(3) ضع كل من العددين  $Z_1, Z_2$  على الصورة القطبية اذا كان  $Z_1 = 1 + i$  ,  $Z_2 = i\sqrt{2}$  ثم اوجد  $(\frac{Z_1}{Z_2})^4$

4  
14  
3  
2

$2 - 2x - -4$

$2x = -2$

(يمنع استعمال الآلة الحاسبة)

$2x = -2$

تفنياتي للجميع بالتوفيق  
استاذ المادة :

2- أوجد حل المتباينة الآتية  $\frac{x+3}{x-2} \leq -2$

3- أوجد نظام الدالة الآتية  $f(x) = |x+10| - 4x$

4- ناقش استمرارية الدالة الآتية عند  $x=1$

$$f(x) = \begin{cases} x^2 - 1 & , x < 1 \\ 4 - x & , x \geq 1 \end{cases}$$

5- إذا كانت

$$f(x) = \frac{10}{8x+6} \quad \text{فأوجد } f^{-1}(x)$$

6- أوجد قيمة النهاية الآتية

$$\lim_{x \rightarrow 2} f(x) = \begin{cases} \frac{x^2-4}{x-2} & , x < 2 \\ 4 & , x = 2 \\ 3x & , x \geq 2 \end{cases}$$

7-  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{\tan 10x}$

8- أوجد حل المتباينة الآتية

$$9x - x^3 \leq 0$$

9- أوجد قيمة  $a$  التي تجعل الدالة  $f$  متصلة عند  $x=2$

$$f(x) = \begin{cases} x+a-2 & , x \leq 2 \\ a^2x^2-2a & , x > 2 \end{cases}$$

10- إذا كانت  $f(x) = \sqrt{x}$  ،  $g(x) = \sqrt{1-x}$

فأوجد  $\textcircled{1} f \circ g(x)$   $\textcircled{2} g \circ f(x)$   $\textcircled{3} f(x) - g(x)$

مع تميّزكم بالثوقية والبراعة «تجاهلوا»



يطلع استخدام الآلة الحاسبة

أجب عن جميع الأسئلة التالية

المسؤال الأول:

(1) أوجد فئة حل منظومة المعادلات الخطية الآتية:

$$x + 2y + z = 3, \quad x - y + z = 6, \quad 2x + y - z = 0$$

(2) باستخدام التعريف أوجد المشتقة الأولى للدالة  $f(x) = 2x^2 - 3x$

(3) إذا علمت أن  $\omega^2 - \omega = \pm j\sqrt{3}$  ،  $1 * \omega * \omega^2 = 1$  ،  $1 + \omega + \omega^2 = 0$  أثبت أن:

$$\omega \left[ \frac{\omega+2}{\omega^2+1} + \omega^2 + \omega \right] = 2\omega^2$$

$$\omega^3 \cdot \omega^2 = \omega^2$$

المسؤال الثاني:

$$\omega \left[ \frac{\omega+2}{-\omega} + \omega^2 + \omega \right]$$

أثبت أن:  $A^{-1} \cdot A = (A \cdot A^{-1}) = I$   $A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1/2 & 0 \\ 0 & 1 & -3 \end{bmatrix}$  إذا كانت:

~~$$\omega \left[ \frac{\omega+2}{-\omega} + \omega^2 + \omega \right]$$~~

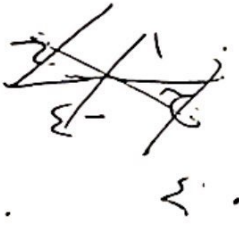
(2) أوجد المشتقة الأولى للدوال الآتية:

i)  $f(x) = \sin^2(e^{10x} - 1)$

ii)  $f(x) = \ln|2x^3 + 5x + 4|$

أوجد قيمتي  $x$  ،  $y$  إذا كان  $x + jy = \frac{(\cos 10 + j \sin 10)^3 (\cos 70 - j \sin 70)^4}{(\sin 20 + j \cos 20)^5}$

المسؤال الثالث:



إذا كان:  $A = \begin{bmatrix} -3 & 2 \\ -6 & 0 \end{bmatrix}$  ،  $B = \begin{bmatrix} -1 & 4 \\ 0 & 8 \end{bmatrix}$  ،  $C = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ -2 & -3 \end{bmatrix}$   $\epsilon - h$

أوجد المصفوفة  $Y$  التي تحقق المعادلة  $Y = 2A - 2C^{-1} + B$

(2) أوجد معادلة ميل المماس والمستقيم العمودي للمنحنى:  $x^2 + xy^2 + y = 6x - 2$

(3) أوجد حتى الجذر الرابع للعدد المركب  $-2 + j2\sqrt{3}$

المسؤال الرابع:

$$y = \frac{2 \cdot 2 \cdot 1}{\epsilon - x \cdot 2}$$

(1) أوجد فئة حل المعادلة المحددية الآتية:  $x^2 - 4x + 4 = 0$

(2) إذا كانت  $f(x) = 2x^3 + 3x^2 - 12x + 4$  فأوجد النقاط الحرجة ، فترات التغير ونقاط الانقلاب

$$(x + 4)$$

(3) أوجد قيم  $x$  ،  $y$  التي تحقق:  $\frac{1-j}{2+j} = \frac{1}{j(x+jy)}$

مع تمنياتنا للجميع بالتوفيق ..... أساتذة المادة

$$x = -1$$



كلية التقنية الإلكترونية / طرابلس  
الإمتحان النهائي لمادة رياضة 1

فصل خريف 2010 / 2011

الزمن : ساعتان

اجب عن جميع الأسئلة الآتية

س1- أوجد فئة الحل للمعادلات الخطية التالية باستخدام طريقة كرامر

$$x_1 + x_3 = 1$$

$$x_2 - x_3 = 3$$

$$2x_1 + x_2 = -1$$

ب) أوجد في أبسط صورة  $(2i - 1)^2 \left\{ \frac{4}{1-i} + \frac{2-i}{1+i} \right\}$

ج) إذا كانت  $y = xe^{2x}$  أثبت أن  $y'' - 4y' + 4y = 0$

س2- أوجد المشتقة الأولى للدول التالية

$$I) y = \frac{u^2}{u^2+1}, \quad u = \sqrt{2x+1} \quad II) x \cos y = \sin(x+y) \quad III) \tan^{-1} y = 2 \tan^{-1} \frac{x}{2}$$

ب) إذا كان  $C = \begin{bmatrix} 3 & 3 \\ 1 & 2 \end{bmatrix}$ ,  $A = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 4 & 0 \end{bmatrix}$ ,  $B^{-1} = \begin{bmatrix} -2 & 3 \\ -1 & 1 \end{bmatrix}$  التي تحقق العلاقة التالية

$$B(A+D)^t + C = 0$$

ج) إذا علمت أن  $w^2 - w = \sqrt{3}i$ ,  $1 * w * w^2 = 1$ ,  $1 + w + w^2 = 0$

$$\frac{7w}{5} \left( \frac{w}{1+3w} + \frac{w^2}{1+3w^2} \right) - w = 0 \quad \text{إثبت أن}$$

س3- أوجد قيمة كلامين  $a, b, c$  بحيث يكون حاصل جمع المصفوفتين التاليتين مصفوفة متماثلة:-

$$\begin{bmatrix} 1 & 4 & 2a \\ 2 & 1 & -4 \\ 3 & c & -2 \end{bmatrix}, \quad \begin{bmatrix} 1 & 2 & a \\ 1+b & 1 & \frac{9}{c} \\ 6 & -4 & -2 \end{bmatrix}.$$

ب) إذا كان  $z_2 = -1 + \sqrt{3}i$ ,  $z_1 = -2\sqrt{3} + 2i$  باستخدام نظرية دي موافر أوجد  $\left(\frac{\bar{z}_1}{z_2}\right)^2$  تم وضع الناتج

على الصورة الأسية

ج) أوجد أحداثيات النهاية العظمى والصغرى وفترات التزايد والتناقص للدالة  $y = 3x^2 - x^3$

س4- باستخدام التعريف أوجد المشتقة للدالة  $f(x) = \frac{1}{x}$

ب) أوجد قيمة المقدار التالي  $\left( \frac{(\cos 60 + i \sin 60)^2 (1+i)^4}{\cos 90 - i \sin 90} \right) - \left( \frac{\sqrt{3}+i}{i} \right)$

ج) أوجد قيمة  $x$  التي تجعل المحدد للمصفوفة التالية يساوى صفر  $\begin{bmatrix} x-2 & 3 \\ -1 & 2 \end{bmatrix}$

أجب عن جميع الأسئلة التالية:

السؤال الأول (15 درجة)

- (1) أثبت أن الجذر الأول للعدد المركب  $\sqrt{1+i\sqrt{3}}$  يساوي:  $\frac{\sqrt{3}+i}{\sqrt{2}}$
- (2) إذا كانت:  $\begin{bmatrix} 2 & 3 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 & x+y \\ x-2y & 1 \end{bmatrix}$  فأوجد بطريقة المعكوس قيم  $x, y$  ؟
- (3) باستخدام قاعدة لوبيتال أوجد:
- i)  $\lim_{x \rightarrow \infty} x \sin \frac{1}{x} = \left[ 0 \quad ; \quad 1 \quad ; \quad \frac{1}{2} \quad ; \quad \infty \right]$
- ii)  $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{e^{3x}}{x^2} = \left[ \frac{3}{2} \quad ; \quad 0 \quad ; \quad \infty \quad ; \quad \frac{9}{2} \right]$

السؤال الثاني (15 درجة)

- (1) إذا كانت:  $A = \begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 0 & 2 \end{bmatrix}$  ;  $B = \begin{bmatrix} 3 & 5 \\ 2 & 4 \end{bmatrix}$  بحيث أن:  $A^t + B^t = 2X$  ، فأوجد المصفوفة  $X$  ؟
- (2) أوجد فترات التزايد والتناقص والنهايات العظمى والصغرى ونوع التقعر ونقاط الانقلاب للدالة:
- $$f(x) = x^3 - 6x^2 + 1$$
- (3) إذا كانت القيمة المطلقة للعدد المركب:  $Z = x + iy$  هي ( $|z| = 1$ ) والسعة هي ( $\theta = 45^\circ$ ) فأوجد قيمة  $x$

السؤال الثالث (15 درجة)

- (1) إذا كانت:  $[ w^3 = 1 \quad , \quad 1+w+w^2 = 0 ]$  فأوجد قيمة:  $(1 + iw)(1 + iw^2)$
- (2) إذا كان:  $\begin{vmatrix} x-2 & 1 \\ -1 & x \end{vmatrix} = 0$  فأوجد قيم  $x$
- (3) أوجد:
- (i) المشتقة الأولى للدالة:  $y = \log_2 5x^2 + \sqrt{e}$  عند  $x = \frac{1}{2}$
- (ii) المشتقة الأولى للدالة:  $y = \frac{x^2 \cdot 2^x}{2} - 2$  عند  $x = 1$
- (iii) المشتقة الأولى للدالة:  $y = \tan(2x^2 - 5)^{-1} + \tan^{-1} \sqrt{x} - 2^{\log_2 x} + (x^2 - 4)^3$

أنظر خلف الورقة حيث السؤال الرابع

السؤال الأول

(1) أوجد مجموعة الحل للمتباينات التالية ووضح فئة الحل على خط الأعداد

(i)  $-3 < 2x - 1 < 7$

(ii)  $|x - 4| \leq 2$

(iii)  $x^2 \leq 2x$

(2) أوجد حتى الجذر الرابع للعدد المركب  $2 - 2\sqrt{3}i$

السؤال الثاني

(1) أوجد قيمة  $x, y$  حيث

$$x + iy = \frac{(\cos 10 + i \sin 10)^2 (\sin 70 + i \cos 70)^4}{(\cos 80 - i \sin 80)^2}$$

(2) أحسب النهايات التالية

(i)  $\lim_{x \rightarrow 0} \left[ \frac{\sin 8x}{2x} + \frac{\tan 6x}{3x} \right]$

(ii)  $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{(x+1)(x-2)}{\sqrt{x^4+1}}$

(iii)  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{x+9} - 3}{x}$

السؤال الثالث

أوجد  $g(x) = \sqrt{x+2}$

(1) إذا كانت  $f(x) = x^2 - 3x$

(i)  $D_{f/g}$

(ii)  $D_{g/f}$

(iii)  $g^{-1}(x)$

$\frac{2+i}{1-i} = i(x+iy)$

(2) أوجد قيمة  $x, y$  حيث

السؤال الرابع

(1) أوجد فئة حل منظومة المعادلات الآتية .

$3x - 2y - z = 2$

$-4x + y - z = 1$

$2x + z = -1$

أوجد:  $A = \begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 0 & 3 \\ 6 & 2 \end{bmatrix}$

$B = \begin{bmatrix} 3 & 1 & 8 \\ 1 & 6 & 4 \end{bmatrix}$

$C = \begin{bmatrix} 2 & 6 \\ 1 & 3 \end{bmatrix}$

$D = \begin{bmatrix} 1 & -1 \\ 7 & 0 \end{bmatrix}$

(2) إذا كانت

i)  $A - B^t$

ii)  $BC$

iii)  $D^2 + C^{-1}$

iv)  $DC + 3C + 2D$

مع تمنياتنا للجميع بالتوفيق ..... أساتذة المادة

$$f(x) = \begin{cases} 3x - 1 & ; x < 2 \\ 5 & ; x = 2 \\ 2x + 1 & ; x > 2 \end{cases}$$

(4 درجات)

ج) ناقش استمرارية الدالة عند  $x = 2$

س 3\_ أ) أوجد قيمة  $K$  التي تجعل الدالة  $f(x)$  مستمرة عند  $x = 2$

$$f(x) = \begin{cases} x^3 + 2 & ; x > 2 \\ 3k - 5 & ; x = 2 \\ 3x + 4 & ; x < 2 \end{cases}$$

(5 درجات)

ب) أوجد قيمة: (كل فقرة 3 درجات)

1)  $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{\sqrt{x-1} - \sqrt{2x-3}}{x^2+x-6}$

2)  $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{13x+13}{|x+1|}$

3)  $\lim_{x \rightarrow -3} \frac{x^3 - 3x^2 - 18x}{x+3}$

ج) بين ما إذا كانت الدوال الآتية زوجية أم فردية: (كل فقرة 1.5 درجة)

1)  $f(x) = 9x^2 + 13$

2)  $f(x) = \frac{3x^3+4x}{x^5+x}$

3)  $f(x) = \frac{x^2+1}{x^3+x}$

س 4\_ أ) إذا كانت  $y = \begin{vmatrix} 16 & 10 & 30 \\ -7 & 4 & 3 \\ 8 & 5 & 15 \end{vmatrix}$  فأوجد قيمة  $|y|$  (2.5 درجة)

ب) أوجد حل المعادلات الآتية: (9 درجات)

$$2x - y + 3z = -3$$

$$-x + 2y - 2z = 8$$

$$3x + y + 3z = 7$$

$\begin{matrix} x < 2 \\ x = 2 \\ x > 2 \end{matrix}$

انتهت الأسئلة

صفحة 2 من 2



2<sup>o</sup>

بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ  
أسئلة رياضية I 2012 - 2013

$$\frac{3x-4}{x+2} \geq 1$$

أوجد حل المتباينة الآتية

$$f(x) = |x+25|$$

أوجد نطاق الدالة الآتية.

3- ناقش استمرارية الدالة الآتية عند  $x=1$

$$f(x) = \begin{cases} x-1 & , x < 1 \\ 3 & , x = 1 \\ 2x-2 & , x > 1 \end{cases}$$

ب- إذا كانت  $f(x) = 10x + 20$  فأوجد  $f^{-1}(x)$

3- أوجد قيمة النهاية الآتية

$$\lim_{x \rightarrow 2} f(x) = \begin{cases} \frac{2x^2 - 8}{x-2} & ; x > 2 \\ \frac{x^4 - 16}{x^2 - 4} & ; x < 2 \end{cases}$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{\tan 5x}$$

ب- أوجد حل المتباينة الآتية  $x^4 - 27x \leq 0$

4- أوجد قيمة  $c$  التي تجعل الدالة  $f$  متمرة عند  $x=2$

$$f(x) = \begin{cases} cx+2 & , x > 2 \\ cx^2-3 & , x \leq 2 \end{cases} \quad , x=2$$

$$f(x) = \frac{4}{x} \quad , \quad g(x) = \frac{x}{x+2}$$

ب- إذا كانت

فاوجد

$$\textcircled{1} f \circ g(x) \quad , \quad \textcircled{2} g \circ f(x) \quad \textcircled{3} f(x) + g(x)$$

مع تمثيلكم بالتوقيع والنجاع



السؤال الاول :

(1) اوجد قيمة : 
$$\frac{(\cos 90 + i \sin 90)(\cos 90 - i \sin 90)}{i(e^{90i})}$$

$$\frac{2(\cos 10 - i \sin 10)^3 (\sin 60 + i \cos 60)^4}{-30 - (-30i) + 120i - 120}$$

(2) باستخدام التعريف اوجد المشتقة الاولى للدالة  $f(x) = \sqrt{x} + 1$

السؤال الثاني :

- (1) اوجد المشتقة الاولى لكل من:
- 1)  $y = x\sqrt{x^2 + 1}$
  - 2)  $xy + y^3 = 5$
  - 3)  $y = \frac{1}{t}, t = x^2 + 2x + 1$
  - 4)  $y = \left(\frac{1}{4}x^4 - \frac{x}{x+1}\right)^5$

(2) اوجد قيمة

$$\frac{1}{\omega^2} \left( \frac{1}{2-3\omega^2} + \frac{1}{5+3\omega^2} \right) + \frac{7}{19}\omega^2$$

السؤال الثالث :

(1) باستخدام قاعدة السلسلة اوجد المشتقة الاولى للدالة التالية:

$$z = \frac{1}{u}$$
  

$$u = \sqrt[3]{1-w^2}$$

$$z = \frac{1}{\sqrt[3]{1-w^2}}$$

$$(1-w^2)^{-1/3}$$

(2) اوجد قيمة  $x, y$  اذا كان :

$$\frac{1+2i}{2-i} - (\cos \pi + i \sin \pi) = x + iy$$

السؤال الرابع :

(1) اذا كان  $x^2 - y^2 = 1$  برهن ان  $\frac{d^2y}{dx^2} = -\frac{1}{y^3}$

(2) اوجد جذور المعادلة  $x^4 + 1 = 0$

$$f(x) = \begin{cases} 3x - 1 & ; x < 2 \\ 5 & ; x = 2 \\ 2x + 1 & ; x > 2 \end{cases}$$

(4 درجات)

ج) ناقش استمرارية الدالة عند  $x=2$

س 3\_أ) أوجد قيمة  $K$  التي تجعل الدالة  $f(x)$  مستمرة عند  $x=2$

$$f(x) = \begin{cases} x^3 + 2 & ; x > 2 \\ 3k - 5 & ; x = 2 \\ 3x + 4 & ; x < 2 \end{cases}$$

(5 درجات)

ب) أوجد قيمة: (كل فقرة 3 درجات)

1)  $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{\sqrt{x-1} - \sqrt{2x-3}}{x^2+x-6}$

2)  $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{13x+13}{|x+1|}$

3)  $\lim_{x \rightarrow -3} \frac{x^3 - 3x^2 - 18x}{x+3}$

ج) بين ما إذا كانت الدوال الآتية زوجية أم فردية: (كل فقرة 1.5 درجة)

1)  $f(x) = 9x^2 + 13$

2)  $f(x) = \frac{3x^3+4x}{x^5+x}$

3)  $f(x) = \frac{x^2+1}{x^3+x}$

س 4\_أ) إذا كانت  $y = \begin{vmatrix} 16 & 10 & 30 \\ -7 & 4 & 3 \\ 8 & 5 & 15 \end{vmatrix}$  فأوجد قيمة  $|y|$  (2.5 درجة)

ب) أوجد حل المعادلات الآتية: (9 درجات)

$$2x - y + 3z = -3$$

$$-x + 2y - 2z = 8$$

$$3x + y + 3z = 7$$

انتهت الأسئلة